

# Python - motivacija

- Pet osnovnih zahtjeva na sustav za znanstveno računanje:
  - Potpuni programski jezik.
  - Interaktivan.
  - Integrirana grafika.
  - Široka baza biblioteka.
  - Široka baza korisnika.
- U obzir dolaze Python, R, Matlab (i izvedenice).

# Zašto Python

- Scipy-lectures.org, 1.1.1.2 i 1.1.1.3 (<http://www.scipy-lectures.org>).
  - Isto je ScipyLectures-simple.pdf (SLS), str. 5-6, ([https://www.scipy-lectures.org/\\_downloads/ScipyLectures-simple.pdf](https://www.scipy-lectures.org/_downloads/ScipyLectures-simple.pdf)).
- 
- Tri cjeline (SLS, str. 6-8):
    - Python (jezik) u užem smislu ("jezgra") s osnovnim modulima.
    - Ipython.
    - Ključne numeričke i grafičke biblioteke (Numpy, Scipy i Matplotlib) (+ dodatni paketi).

# Python - jezik

- Povijest:
  - Quido van Rossum, nizozemac, ~1980.
  - prva verzija, 1989.
  - Python 2.0, 2000.
  - Python 2.6 i Python 3.0, 2006.
  - Python 2.7 i Python 3.1, 2009.
  - Dalje samo 3.x, dok je 2.7 podržan do 2020.
  - Python 3.x nije kompatibilan unatrag s 2.x iako na prvi pogled nema razlike. Npr. u Pythonu 2.x je  $5/2=2$ , a u Pythonu 3 je  $5/2=2.5$ , dok je uvijek  $5//2=2$ .

## Python - jezik

- Proceduralna i objektna paradigma (OO – objektno orijentirano):
  - [https://en.wikipedia.org/wiki/Procedural\\_programming](https://en.wikipedia.org/wiki/Procedural_programming).
  - <https://www.codenewbie.org/blogs/object-oriented-programming-vs-functional-programming>.
- U svim računalnim programima postoje dvije komponente:
  - podaci (ono što program zna da ima).
  - ponašanja (ono što program može napraviti na podacima).
- OO paradigma: Čvrsto povezuje podatke i pripadna ponašanja na jednom mjestu (u tzv. **objektu**).
- Proceduralna paradigma: Podaci i ponašanja (postupci, algoritmi) su strogo odvojeni.

## Python - jezik

- Python podržava i jedan i drugi način programiranja - jako zgodno za učenje i za eventualni prijelaz na OO.
- Ipak, Python je izrazito **objektno orijentiran**, ali ne kroz OO programiranje već kroz dosljedno proveden objektni ustroj!
- U Pythonu **sve je objekt** i to ima dalekosežne posljedice.

# Što je objekt (u Pythonu)?

- Objekt je Pythonova **apstrakcija** za određeni skup podataka (u najširem smislu). Objekt ima:
  - **Identitet** (fizički postoji u memoriji i ima svoju adresu; naredba `id()`).
  - **Tip** (pojam koji određuje vrstu objekta; popis svih svojstava (atributa) zadaje sve objekte istog tipa).
  - **Attribute** (svojstva i metode, s tim da Python ne pravi jaku razliku između atributa i metoda).
  - Vrijednost (sadržaj, podaci u užem smislu).
- Objekti mogu imati neka 'opća' svojstva: **izmjenjiv** (mutable) / **nezmjenjiv** (immutable), **pozivljiv** (callable) / **nepozivljiv** (non-callable), **pobrojiv** (iterable), **slijedni** (sequence), ...
- Tip se dobiva naredbom `type(<ime_objekta>)`, npr.:  
`type('abcd123')` → `str.`
- Identitet se dobiva naredbom `id(<ime_objekta>)` npr.:  
`id('abcd123')` → `140399258856928.`

## Imenovanje objekata (*assignment*)

- **Imenovanje** objekata se vrši naredbom **dodjeljivanja** imena (**assignment**)
  - Npr.:  
`a = 7` --> Lijevo je IME, desno je OBJEKT; povezuje (bind) ime s objektom.
  - Općenito:  
`<ime> = <izraz>`
  - Npr.:  
`a`  
`b = 42` → Ime **b** se dodjeljuje objektu **42**.  
`c = 42` → I ime **c** se dodjeljuje objektu **42** (`a is b` → `True`).  
`b+5` → Ispisuje 47, ali se veza između b i 42 ne mijenja.
  - `b = complex(3,-2)` → Veza imena b s objektom 42 se raskida, ali ime c ostaje  
`b+5` → Ispisuje (8-2j)
- Python je **dinamički tipizirani** jezik, tj. prije upotrebe **imena ne treba deklarirati**, tj. pridjeliti im tip. Posljedično, iz imena se ništa (unaprijed) ne može zaključiti o tipu!

# Varijante pridjeljivanja

- Višestruko pridjeljivanje (raspakiravanje):
  - $x, y, z = 2, 4, 7$
  - S desne strane može biti **bilo koji pobrojivi objekt**. S lijeve strane su imena odvojena zarezom. Jedna, a ne više naredbi.
- Prošireno pridjeljivanje:
  - $x = x+2$  → Na desnoj strani stvara novi objekt i pridružuje mu ime x.
  - $x+=2$  → Nastoji ažurirati postojeći objekt; ponašanje ovisi o tome da li je x izmjenjiv ili nije!!
- Npr.  $x = [1, 2, 3]$  → Lista, izmjenjivi objekt.
  - $y = x$  → Novo ime za jednu te istu listu.
  - $x+= [5, 7]$  →  $x = [1, 2, 3, 5, 7] = y$  !!
  - $id(x) == id(y)$  → True.
- Npr.  $x = (1, 2, 3)$  → n-torka, neizmjenjivi objekt.
  - $y = x$  → Novo ime za jednu te istu n-torku.
  - $x+= (5, 7)$  →  $x = (1, 2, 3, 5, 7)$ ,  $y = (1, 2, 3)$ , tj. imena x i y sada pokazuju na različite objekte!



## Varijante pridjeljivanja, nast.

- Takodjer:
  - $X = (1, 3, 5)$  → n-torka, nepromjenjiv.
  - $X[1] = 7$  → Javlja pogrešku: `TypeError: 'tuple' object does not support item assignment.`
  - $X = X[0:1] + (7,) + X[2:3]$  →  $X = (1, 7, 5)$ , proizvodi novi objekt, a veza sa starim se raskida.

## Jednostavni tipovi

- **Brojevi**, tipovi **int**, **float**, **complex** (svaki ima svoje računске operacije; pazi na cjelobrojno dijeljenje u Py2 i Py3).
- **Logičke vrijednosti**, tip **bool** (True, False):
  - **bool(broj)** = True ako je broj != 0, = False ako je broj = 0.
  - **bool(niz)** = True ako niz nije prazan, = False ako je niz = "".
- **nizovi znakova** (tip **str**):
  - **x = 'abc123'** ili **x = "abc123"**.
  - Slijedni tip (dopušta pristup preko indeksa, **x[2] → 'c'**).
  - Neizmjenjiv.
  - Mnogobrojni atributi/metode.

# Kolekcije objekata (složeni tipovi)

(engl. containers, collections)

- Grupiranje više objekata koji dijele zajedničku poveznicu ili smisao.
- Ugradjene kolekcije opće namjene:
  - **lista** } **Slijedne** kolekcije (uz nizove znakova).
  - **n-torka** } Pristup elementima preko rednog broja (indeksa).
  - **rječnik** } **Asocijativne** kolekcije.
  - **skup** } Pristup elementima putem ključa.
- Sve standardne kolekcije su pobrojive (tj. imaju **standardni protokol obilaska** (SPO) elemenata) → univerzalnost (zapravo podržavaju objekt tipa *iterator* koji ima metodu *next*).
- **Osnovne operacije** nad kolekcijama:
  - **ispitivanje pripadnosti** (operator **in**).
  - **obilazak elemenata** putem SPO-a, koristi se u for petlji.
  - NAP. Ako objekt podržava SPO onda podržava i operator **in**!!

# Kolekcije objekata (složeni tipovi), nast.

(engl. containers, collections)

- **Dodatne operacije.** Ugrađene kolekcije:
  - imaju operator jednakosti (**==**)
  - mogu se interpretirati kao logičke vrijednosti
  - imaju broj elemenata (ugrađena funkcija **len**)

# Slijedne kolekcije, nizovi

(engl. sequences)

- **N-torka:**

- Okuplja objekte različitih tipova, npr. ('pero', 1, True, 7.2,).
- Stvaranje n-torki:
  - konstruktor **tuple**, ime = tuple(iterable).
  - izraz za tvorbu (operator **tvorbe** je zarez “,”, koji na kraju može ostati, a kod jednočlane n-torke mora ostati), npr. **X = (3, 5, 1,)**.
- Neizmjenjiva.
- Podržava operatore “+” i “+=” .
- Koristi se za zadavanje više vrijednosti odjednom.
- Operacije: **nadovezivanje** i **ponavljanje**, npr.:  
**a = 2\*('a', 'b') + (1, 7, 3) → a = ('a', 'b', 'a', 'b', 1, 7, 3).**
- metode: **index()**, **count()**, npr.:  
**a.index('b')** daje 1, dok **a.count('b')** daje 2.

# Slijedne kolekcije, nizovi, nast.

(engl. sequences)

## • Lista

- Slična n-torki, ali izmjenjiva (mutable).
- Zadaje se uglatim zagradama (zarez na kraju može i ne mora biti).
- Stvaranje lista:
  - Konstruktor **list**, ime = `list(iterable)`.
  - Izraz za **tvorbu**, npr. ime = `[4, 'a', True, 1.2, 'rtg']`.
  - **Obuhvaćajućim izrazom** iz drugog objekta:  
`lista1 = [x for x in <pobrojivi_objekt> if <uvjet>]`, npr.:  
`b = [x for x in ime if type(x) is str] → b = ['a', 'rtg']`.
- Operator += proširuje postojeći objekt.
- **Operacije** nad listama:
  - Izdvajanje elemenata **indeksiranjem** i **izrezivanjem**.
  - Transformiranje **nadovezivanjem** i **ponavljanjem**.
- **Metode** lista: `append`, `index`, `remove`, `count`, `insert`, `reverse`, `extend`, `pop`, `sort`.

# Slijedne kolekcije, nizovi, nast.

(engl. sequences)

- Indeksni operator “[ ]” (digresija):
  - $x[0]$  prvi elt,  $x[5]$  šesti elt.
  - $x[-1]$  zadnji elt,  $x[-2]$  predzadnji elt ...
  - $x[6:11]$  elt-i od 7 do 11 (**zadnji ima indeks 10!!**).
  - $x[6:11:2]$  kao i gore, ali s korakom 2.
  - $x[:5:2]$  od prvog do petog s korakom 2.
  - $x[5::2]$  od šestog do zadnjeg s korakom 2.
  - $x[:]$  - cijeli niz.
  - $x[::-1]$  cijeli niz, unatrag.
- Nap.: Tipična upotreba:
  - N-torke: različiti, ali povezani podaci.
  - Liste: istovrsni, nezavisni podaci.

## Slijedne kolekcije, rasponi

- **Raspon**, npr. `a = xrange(3,10000):`
  - Virtualne kolekcije.
  - Neizmjenjivi.
  - Elt-e stvaraju na zahtjev pa ne troše memoriju.
  - NAP: U Py2 naredba *range* proizvodi listu. U Py3 postoji samo *range* koji radi kao *xrange*.



## Asocijativne kolekcije

- **rječnik (dictionary):**

- Kolekcija čijim elementima se pristupa putem **neizmjenjivih ključeva**
- Stvaranje rječnika:
  - Izraz za tvorbu su {}, npr.: `a = {'ana': 45, 'ante': 73, 'pero': 87}`
  - Konstruktor **dict**, npr.: `a1 = dict([('pero', 87), ('ante', 73), ('ana', 45)])`
- Pristup elementima je putem indeksnog operatora [], ali umjesto rednog broja dolazi ključ, npr.: `a1['ante']` → `73`
- Nema indeksa!!
- Redoslijed obilaska postoji (pobrojiva kolekcija), ali nije predvidiv.
- Približno konstantno vrijeme pristupa, umetanja i brisanja.
- **Mnogobrojne metode:** `clear`, `items`, `pop`, `viewitems`, `copy`, `iteritems`, `popitem`, `viewkeys`, `fromkeys`, `iterkeys`, `setdefault`, `viewvalues`, `get`, `itervalues`, `update`, `has_key`, `keys`, `values`

# Kontrola tijeka programa

- if-elif-else
  - if <logicki uvjet>:      # zaglavlje  
    <naredbe tijela>      # tijelo
  - if <uvjet1>:  
    <tijelo1>  
elif <uvjet2>:  
    <tijelo2>  
    ...  
else:  
    <tijeloAlt>

## Kontrola tijeka programa, nast.

- Uvjetni izraz:
  - Rezultat **uvjetnog izraza** je jedna od dvije ponudjene vrijednosti ovisno o rezultatu **logičkog izraza**. Konkretno:
    - <rezultat-ako-istina> if <logički-uvjet> else <rezultat\_ako\_laž>.
  - Radi isto što i
    - if A:
      - x=A1
    - else
      - x=B1
  - OK ako tijela u strukturi if-else sadrže samo pridruživanje jednog te istog imena prema jednoj od dvije moguće vrijednosti.
  - x=A1 if A else B1

## Kontrola tijeka programa, nast.

- Petlja **while** (nepoznat broj ponavljanja):
  - **while** <uvjetni izraz>  
    <tijelo>
- Petlja **for** (poznat broj ponavljanja):
  - **for** <upravljacko\_ime> in <**pobrojivi\_objekt**>  
    <tijelo>
- Npr.:

```
popis = ['pero', 'ante', 1234]
for i in popis:
    print i
```

daje:

```
pero
ante
1234
```

## Kontrola tijeka programa, nast.

- Konstrukt **enumerate**: iterator za indeks i vrijednost pobrojivog (iterabilnog) objekta (radi se o tuple-ima i raspakiravanju, vidi <https://www.afternerd.com/blog/python-enumerate/>).
  - for n, x in enumerate(**pobrojivi\_objekt**)  
    <tijelo>
- Npr:

```
popis = ['pero', 'ante', 1234]
for n, ime in enumerate(popis):
    print ime, 'ima redni broj', n
```

daje:

```
pero ima redni broj 0
ante ima redni broj 1
1234 ima redni broj 2
```

# Funkcije

- Funkcija je programska cjelina (skup naredbi) koji obavlja neku dobro definiranu zadaću.
- Funkcija prima ulazne podatke putem (**ulaznih**) **argumenata**
- 2 načina da funkcija obavi svoju zadaću:
  - izračunavanjem povratne vrijednosti, ili
  - kroz popratne učinke (engl. *side effects*, npr. crtanje, ispis).
- Funkcije mogu biti '**samostojeće**' i **članske funkcije (metode)** nekog tipa. Mi ćemo pisati samo prve, a koristiti (obilno) obje.
- **Definicija** funkcije (stvara funkcijski objekt i daje mu ime):
  - `def imeFunkcije(<argumenti>)`  
`<kod_funkcije>`
- **Poziv** funkcije:
  - `imeFunkcije()` ili
  - `imeFunkcije(argumenti)`.

## Funkcije, nast.

- Npr. za funkciju:

```
def sredVr(x)
    print(sum(x)/len(x))
```

- poziv

```
temp = [7., 3., 11., 1.]
sredVr(temp)
```

ispisuje 5.5.

- x je **formalni** argument, a temp je **stvarni** argument.

## Argumenti funkcija i povratne vrijednosti

- Služe za prijenos podataka **u** funkciju.
- U pozivu treba paziti na broj, redoslijed i tip argumenata (iako to Python neće kontrolirati unaprijed).
- Ako se želi objektu promijeniti vrijednost putem formalnog argumenta, jedini način je pozvati **njegovu** metodu. No, pri tom stvarni argument mora biti izmjenjivog tipa!!
- Python argumente prenosi **dodjeljivanjem**.

- **Povratne** vrijednosti f-je: Naredba

`return <ime ili izraz>`

trenutno prekida izvodjenje funkcije i daje **povratni objekt**, kojemu se u pozivnom kodu **pridjeljuje ime**. Ako iza return nema ničega, vraća se posebna vrijednost None.



# Prenošenje argumenata u Matlabu i Fortranu

## (digresija)

- Matlab

```
function pero(y)
y = 2
return
```

- Fortran

```
subroutine pero(y)
y = 2
return
end
```

POZIV  
funkcije:

pero(x)

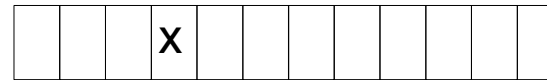
y=x

x

Glavni  
radni  
prostor

y

Radni  
prostor  
funkcije



... radna memorija

POZIV potprograma: call pero(x)

Potprogram: subroutine pero(y)

- x se kopira
- funkcija radi s **kopijom**
- izvorni x ostaje netaknut
- prenose se vrijednosti (by value)

- y je fiktivna varijabla (zapravo pokazivač)
- u trenutku poziva y pokazuje na x
- funkcija radi **izravno** s x (iako ga zove y)
- u gornjem primjeru x poprima vrijednost 2
- prenose se adrese (by reference)

## Imenovani argumenti i argumenti s podrazumijevanim vrijedostima

- Npr. funkcija definirana s:  
`def fja(a1, a2, a3, a4)`
- se može pozvati s:  
`fja(x1, x2, x3, x4)` # Poštuje se broj i redoslijed.  
`fja(x1, a3=x3, a4=x4, a2=x2)` # Nakon imenovanog, samo imenovani!
- ali ne i s:  
`fja(x1, a2=x2, x3, x4)` # Pogrešno.

- Može se definirati i ovako:  
`def fja(a1, a2, a3=xp3, a4=xp4)`
- a pozivati s:  
`fja(x1, x2)` # Podrazumijeva se a3=xp3, a4=xp4.  
`fja(x1, a3=x3, a4=x4, a2=x2)` # Kao i gore.
- ali ne i s:  
`fja(x1, a2=x2, x3)` # Pogrešno.

## Imenovani argumenti i argumenti s podrazumijevanim vrijednostima, nast.

- Imenovane argumente treba koristiti suzdržano jer povećavaju ovisnost između funkcije i pozivnog koda.
- Podrazumijevane vrijednosti se vezuju (dodjeljivanjem konkretnih objekata) prilikom definiranja funkcije!!! Dakle, radi se o **jednom te istom** objektu. Zato treba koristiti neizmjenjive objekte ili None, pa u tijelu funkcije napraviti provjeru.
- Npr.: 

```
def dodajListi(x,lista=[])  
    lista.append(x)  
    return list
```
- Pozivi: 

```
dodajListi(1)           → [1]           # očekivano  
dodajListi('a')        → [1, 'a']        # neočekivano!
```

# Članske funkcije tipova (metode)

- Većina rečenog do sada vrijedi i dalje.
- Metode se mogu pozvati na **dva načina**. Npr., funkcija *index* tipa *str* vraća indeks podniza:  

```
x = 'abcd'
```

```
x.index('c') → 2      # poziv u duhu OO paradigme (preferirani!)
```

```
str.index(x,'c') → 2  # poziv u duhu proceduralne paradigme.
```
- Može i izravno:  

```
'abcd'.index('c') → 2    # poziv u duhu OO paradigme (preferirani!)
```

```
str.index('abcd','c') → 2 # poziv u duhu proceduralne paradigme.
```
- U prvom slučaju se podrazumijeva da je 'abcd' prvi argument u pozivu, tj. funkcija po defaultu radi na 'svom' objektu. Obje funkcije rade isto i imaju isti opis, ali nisu iste, čak ni istog tipa:
  - `x.index?`  
`S.index(sub [,start [,end]]) -> int`  
Type: `builtin_function_or_method`.
  - `str.index?`  
`S.index(sub [,start [,end]]) -> int`  
Type: `method_descriptor`.

# Moduli i paketi

- Dva oblika programskih cjelina:
  - **Modul** je (pojedinačna) datoteka programskog koda s definicijama srodnih konstanti, funkcija (i/ili razreda).
  - **Paket** je skup modula u istom imeniku koji može sadržavati i podimenike s podpaketima (subpackages).
- Module i pakete uključujemo naredbom **import**, npr. naredba  
import sys  
stvara pristupni objekt (sys) u trenutnom prostoru imena. Atributi tog objekta daju pristup sadržaju modula, bez zadiranja u trenutni prostor imena (analogija s datotečnim sustavom).
- razne varijante naredbe **import**:
  - import** matplotlib **as** mpl
  - import** numpy.random **as** rnd
  - from** numpy **import** random **as** rnd
  - from** numpy.random **import** gamma
  - from** numpy **import** \* # Ovaj oblik se obeshrabruje !!
- Python učitava modul samo prvi put!! Za ponovo učitati modul treba upotrijebiti funkciju **reload(modul)**, npr. **reload(sys)**.

# Lokalna i globalna imena, prostori imena

## (namespaces, digresija)

- Globalna: imena u modulu izvan tijela funkcije --> **globalni prostor imena.**
- Lokalna: imena kojima se vrijednost dodjeljuje unutar tijela funkcije (uključuju i formalne argumente) --> **lokalni prostor imena.**
- Globalna imena **su vidljiva** u funkcijama, no mogu biti '**prekrivena**' lokalnim imenima, npr.:

```
a = 1; b = 'pero'           # globalna imena
def fja(x)
    z = a+3                 # Koristi se globalno ime a
    b = 7+x                 # Lokalno ime b
    return b                # Nema utjecaja na globalno ime b!!!
```
- NAP.: postoji i **ugradjeni prostor** imena (**built-in** name space, **import** **\_\_builtin\_\_**), koji sadrži, npr., **int**, **abs**, **len**, ...,

# IPython

- Ipython je napredno **interaktivno sučelje** za Python (s naredbenom linijom, tj. *command-line interface*), napredni terminal, konzola (slično kao u Matlabu). *Command line REPL (read-eval-print loop) environment*.
- Osnovne značajke:
  - Nakon pokretanja dobije se **kratki podsjetnik**:
    - ? -> Introduction and overview of IPython's features.
    - %quickref -> Quick reference.
    - help -> Python's own help system.
    - object? -> Details about 'object', use 'object??' for extra details.
  - **Ulazi** (interaktivne naredbe) se pamte u **listi In**, a **izlazi** (rezultati) u **rječniku Out**.
  - **Nadopuna sintakse** pomoću tipke TAB radi u svim 'razumnim' situacijama. Pogodno za istražiti strukturu objekta, vidjeti attribute, ...
  - Pristup **dokumentaciji** putem znaka '?', npr.:
 

?objekt	ili	objekt?	
?objekt.atribut	ili	objekt.atribut?	
?funkcija	ili	funkcija?	(i funkcija je objekt)

daje osnovne informacije. Kada je moguće, **??** daje proširene informacije.

## Ipython, nast.

- **Magične funkcije** (*magic functions*); rade unutar IPython-a, slično kao naredbe shell-a. Najčešće:
  - **run program.py** Izvodi program.py unutar IPython-a. Objekti koje program proizvede ostaju u interaktivnom prostoru imena!
  - **who** Ispisuje imena iz interaktivnog prostora.
  - **whos** Detaljniji ispis, vrlo korisno!! (Najčešće nas zanima tip nekog objekta ili vrijednost neke varijable.)
  - **whos tip** Ispisuje samo objekte zadanog tipa.
  - **reset** Briše sve iz interaktivnog prostora imena.
  - **reset -f** Isto, ali bez pitanja (*forced*).
  - **reset -f array** Kao i gore, ali samo NumPy arrays.
  - **reset\_selective -f ime1 ime2** Briše zadana imena.
  - **timeit** Mjeri vrijeme potrebno za izvršavanje.
- Naredbe **shella** su dostupne ali ih treba započeti znakom '!'. Npr. `!cp pero.txt ante.txt.`
- Neke naredbe, npr. `ls`, `pwd`, rade i bez uskličnika.



# Znanstveno računanje u Pythonu (Scientific Computing)

- Ključne biblioteke (moduli):
  - **NumPy** definira podatkovne strukture za učinkovit rad s poljima.
  - **SciPy** kolekcija biblioteka s funkcijama za znanstveno računanje u mnogim područjima; temelji se na NumPy.
  - **Matplotlib** biblioteka funkcija za vizualizaciju (daje 2D i 3D slike visoke kvalitete, tzv. **publication-quality**).

# NumPy

- `import numpy as np`
- **NumPy polje** je objekt tipa `ndarray`:
  - **homogeno**, tj. sadrži istovrsne elemente.
  - **fiksne duljine** (broj elt-a se ne može mijenjati).
  - osnovni **atributi**: `shape`, `size`, `ndim`, `nbytes`, `dtype`.
- Npr.:
 

```
x = np.array([[1, 2, 3],[4., 5., 6]]) → array([[1., 2., 3.],
                                                [4., 5., 6.]])

type(x) → numpy.ndarray
x.shape → (2, 3)
x.size → 6
x.ndim → 2
x.dtype → dtype('float64')
whos →
```

Variable	Type	Data/Info
-----		
x	ndarray	2x3: 6 elems, type `float64`, 48 bytes

# IEEE aritmetika pokretnog zareza

(floating point, FP, digresija)

- opće prihvaćeni standard za aritmetiku na računalu
  - **ideja:** ako su  $x, y \in \text{FP}$ , te  $\alpha \in \{+, -, *, :, \sqrt{\quad}\}$ , tada je rezultat  $x \alpha y$  FP broj koji bi se dobio **egzaktnim računom** i naknadnim **zaokruživanjem** u FP broj. (Dakle **najbolje moguće.**)
  - **dodatni zahtjev:** Za  $x, y \in \text{FP}$ , rezultat  $x \alpha y$  je **uvijek**  $\in \text{FP}$ , eventualno posebne vrste (Inf, -Inf, NaN)
- 
- IEEE aritmetika je ugradjena unutar tipa np.float!!
  - Funkcija np.finfo daje informacije o FP tipovima:
    - `np.finfo(np.float64).max` → 1.7976931348623157e+308 (realmax)
    - `np.finfo(np.float64).tiny` → 2.2250738585072014e-308 (realmin)
    - `np.finfo(np.float64).eps` → 2.220446049250313e-16 (**strojni epsilon**, relativna udaljenost između dva **susjedna** broja u FP sustavu)

# IEEE aritmetika pokretnog zareza

(floating point, FP, digresija)

- Imena **inf** i **nan** ne postoje unutar samog Pythona, već kao **np.inf** i **np.nan**, a mogu se zadati i kao **inf = float('inf')** te **nan = float('nan')**.
- Inf = FP broj koji nastaje ako egzaktni rezultat premašuje **realmax**.
- NaN = FP broj koji nastaje iz operacija koje nemaju određeni rezultat, npr. **0/0**,  **$\infty - \infty$** . **Not a Number**, jako koristan objekt!!
- Npr.:
  - **1/np.inf**  $\rightarrow$  **0**, **np.array(1.)/0**  $\rightarrow$  **inf**, **1/np.nan**  $\rightarrow$  **nan**
  - (Skoro) svaka operacija koja uključuje NaN-ove rezultira s NaN!! **Vrlo korisno!!!**
  - Iznimke: **1\*\*np.nan = 1**, **np.nan\*\*0 = 1**

## NumPy, nast.

- Redoslijed elemenata u memoriji: default je 'row' (kao u C-u), ali se može zadati da bude i 'column'.
- Kreiranje polja:
  - `np.array(pobrojivi objekt)`, npr. :
    - `x = np.array([1, 2, 3]);` → `x.ndim=1, x.shape=(3,)`
    - `x = np.array([[1, 2, 3]]);` → `x.ndim=2, x.shape=(1,3)`
  - funkcije `np.zeros`, `np.ones`, `np.arange`, `np.linspace`, `np.empty`, ...
- indeksiranje i izrezivanje je isto kao kod lista.

# NumPy, napredno indeksiranje (fancy indexing)

- Indeksiranje pomoću listi, NumPy polja i sl. sa **cjelobrojnim** elementima.  
Npr:
  - `x = np.array([[1, 2, 3, 4], [40, 50, 60, 70], [-10, -20, -30, -40]])` →  
`x = array([[ 1, 2, 3, 4],  
 [40, 50, 60, 70],  
 [-10, -20, -30, -40]])`
  - `x[:, [0, 2, 2]]` → `x = array([[ 1, 3, 3 ],  
 [40, 60, 60],  
 [-10, -30, -30]])`.
- Nap.: int se **ne može** zamijeniti s float (u koje su uključeni nan i inf). Npr.:
  - `x = np.array([1, 2, 3])` → cjelobrojno polje
  - `x[1] = 3.5` → javlja pogrešku
  - `x = x.astype(np.float)` → mijenja tip u float
  - `x[1] = np.nan` → `x = array([ 1., nan, 3.])`.

# NumPy, napredno indeksiranje, nast.

- Operator `np.r_` vrši sljepljivanje polja te indeksa (slice) uzduž prve osi (po **retcima**). Npr.:
  - `np.r_[np.array([3, 5, -2]), [-1, 2], np.nan]` → `array([ 3., 5., -2., -1., 2., nan])`
  - `b = np.r_[2:6, 7:3:-1]` → `array([2, 3, 4, 5, 7, 6, 5, 4])`
- Operator `np.c_` vrši sljepljivanje polja te indeksa (slice) uzduž druge osi (po **stupcima**). Npr.:
  - `np.c_[np.array([3, 5, -2]), [-1, 2, np.nan]]` → `array([[ 3., -1.],  
[ 5., 2.],  
[-2., nan]])`
  - `b = np.c_[2:6, 7:3:-1]` → `array([[2, 7],  
[3, 6],  
[4, 5],  
[5, 4]])`
- Indeksiranje pomoću **logičkih izraza** (*boolean indexing*). Npr.:
  - `x = np.array([1, 2, 3, 4, 5])`  
`y = x > 2` → `y = array([False, False, True, True, True])`  
`z = x[y]` → `z = array([3, 4, 5])`.

# NumPy, mijenjanje oblika polja

- `np.reshape`, npr.

- `x = np.array([[1, 2, 3, 4], [40, 50, 60, 70], [-10, -20, -30, -40]])` →  
`x = array([[ 1, 2, 3, 4],  
 [40, 50, 60, 70],  
 [-10, -20, -30, -40]])`

`y = x.reshape((4,3))` → `array([[ 1, 2, 3],  
 [ 4, 40, 50],  
 [60, 70, -10],  
 [-20, -30, -40]])`

- Reshape kad god može vraća pogled (*view*)

`x[-1,-1] = 999` → `y = array([[ 1, 2, 3],  
 [ 4, 40, 50],  
 [60, 70, -10],  
 [-20, -30, 999]])`

- `y = x.copy().reshape(4,3)` daje **ново** polje `y`.



# NumPy, mijenjanje oblika polja

- Vektorizirani izrazi:
  - aritmetičke operacije na np.array poljima rade po elementima,
  - funkcije rade po elementima.
- Logički i uvjetni izrazi:
  - u numeričkim izrazima, boolean **False** se prevodi u **nulu**, a boolean **True** se prevodi u **1**.
- np.where, np.nonzero su ekvivalent od find u Matlabu. Npr.:
  - `x = np.array([1, 2, 3, 4])` → `array([1, 2, 3, 4])`
  - `x//2*2==x` → `array([False, True, False, True])`
  - `(x//2*2==x).nonzero()` → `(array([1, 3]),)`

# NumPy, matrične i vektorske operacije

- **@** -> **matrično** množenje np polja (isto i np.matmul; može i s np.dot)

- $C = A @ B \rightarrow C = A * B$  (matrično), A i B su tipa np.ndarray,  
 $C = A @ x \rightarrow C = A * x$  (matrično), x je vektor .

- Npr.:

$A = \text{np.array}([[1, 2, 3, 4], [40, 50, 60, 70], [-10, -20, -30, -40]])$

$\rightarrow A = \text{array}([[ 1, 2, 3, 4],$   
 $[ 40, 50, 60, 70],$   
 $[-10, -20, -30, -40]])$

$x = \text{np.array}([\text{np.arange}(1,5)]) \rightarrow x = \text{array}([[1, 2, 3, 4]])$

$y = A @ x \rightarrow$  javlja pogrešku:

ValueError

Traceback (most recent call last)

----> 1  $y = A @ x$

- ValueError: matmul: Input operand 1 has a mismatch in its core dimension 0, with gufunc signature (n?,k),(k,m?)->(n?,m?) (size 1 is different from 4)

# NumPy, matične i vektorske operacije, nast.

- $y = A @ x.T$  →  $y = \text{array}(\begin{bmatrix} 30 \\ 600 \\ -300 \end{bmatrix})$  je OK.
- Ponašanje ovisi o oblicima (shape) ulaznih argumenata!! -> np.matmul?
- np.inner -> skalarni produkt
- Općenito, do uvođenja operatora @, množenje matrica pomocu .dot je bilo malo nespretno, npr.  $A*B*C$  bi bilo  
 $\text{np.dot}(A, \text{np.dot}(B, C))$  ili  $\text{np.dot}(\text{np.dot}(A, B), C)$ , a bolji način je:  
 $A.\text{dot}(B.\text{dot}(C))$  ili  $A.\text{dot}(B).\text{dot}(C)$
- postoji i tip matrix, ali se upotreba ne ohrabruje!

# NumPy, računanje s poljima različitih oblika - emitiranje (broadcasting)

Operacije među poljima su OK ako su polja istog oblika ili je jedno polje skalar.

```
- >>> from numpy import array
>>> a = array([1.0, 2.0, 3.0])
>>> b = array([2.0, 2.0, 2.0])
>>> a * b
array([ 2.,  4.,  6.] )
```

```
- >>> from numpy import array
>>> a = array([1.0,2.0,3.0])
>>> b = 2.0
>>> a * b
array([ 2.,  4.,  6.] )
```

- U drugom slučaju je skalar b emitiran po polju a.

- Moćno i elegantno poopćenje → emitiranje (broadcasting)

- Opći postupak (pravilo)

- Uspoređuju se oblici (shape) počevši od **kraja**
- Emitiranje kreće ako su pripadne dimenzije **jednake** ili je neka **1**
- Nap.: Nije nužno da broj dimenzija bude jednak!
- Oprez: Ako nismo svjesni, do emitiranja može doći i kada to ne želimo!

# NumPy, računanje s poljima različitih oblika - emitiranje (broadcasting), nast.

- Detaljnije:
  - <https://numpy.org/doc/stable/user/theory.broadcasting.html>
  - <https://numpy.org/doc/stable/user/basics.broadcasting.html>

# Matplotlib

- Praktički svaki račun završava slikom (grafikom).
- **Matplotlib** je opća Py biblioteka za proizvodnju 2D i 3D grafova visoke kvalitete. Postoje i druge specijalizirane biblioteke.
- Dizajnirana po uzoru na Matlab-ov grafički sustav.
- `import matplotlib as mpl`
- `import matplotlib.pyplot as plt`
- Grafika se gradi hijerarhijski:
  - **Slika** (X-prozor ili MS-prozor) je predstavljena objektom tipa **figure**.
  - Pojedini **graf** je predstavljen objektom tipa **axes** koji je metoda od figure.
  - Daljna svojstva (**linije**, **tekst**, ...) su objekti koji su metode od axes, itd.

# Matplotlib

- Za interaktivno crtanje treba zadati `plt.ion()` ! BITNO
- `fig1, ax = plt.subplots()` # stvara objekte figure (fig1) i axes (ax),
- `fig1, ax = plt.subplots(3,2)` # stvara objekte figure (fig1) i polje objekata axes (ax) oblika (3x2).
- `fig1, ax = plt.subplots(nrows=3,ncols=2)` # isto kao prethodno;  
# objekti ax se nalaze medju  
# atributima of fig1.
- Nap.: Treba razlikovati `plt.subplots()` - proizvodi novi Figure i skup Subplot-a, od `plt.subplot()` - dodaje novi Subplot na postojeći Figure
- razne vrste grafova (npr. **plot**, **step**, **bar**, **hist**, ...) su **metode** od ax.

# Matplotlib

- Crtanje linija:
  - `lin1 = ax.plot(x,y,'opis_lin')`
  - `lin1 = ax.plot(x1,y1,'opis_lin1', x2,y2,'opis_lin2', ...)`
  - `lin1 = ax.plot(x,Y)`
  - `lin1 = ax.plot(X,y)`
- Upravljanje
  - `ax.hold()` # Prebacuje iz **on** u **off** i obratno
  - `ax.hold(True)` # Podrazumijevana vrijednost (default)
  - `ax.hold(False)`
  - `ax.cla()` # Briše sve iz aktivnog axis-a ax, preferirani način
  - `plt.close()` # Zatvara (briše) aktivnu sliku
  - `plt.close(fig1)` # Zatvara sliku (objekt) fig1
  - `plt.close('all')` # Zatvara sve slike



# Matplotlib

- metode za uredjenje **grafa**:
  - `ax.set_title('naslov')`  
`ax.set_xlabel('opis_x_osi')`  
`ax.set_ylabel('opis_y_osi')`  
`ax.grid()` # dodaje grid prema tickovima  
`ax.text(x0,y0, 'tekst', svojstva)` # ispisuje 'tekst' na položaju (x0,y0)
- metode (osnovni atributi) **linije**:
  - **color**, **linewidth** (ili **lw**), **linestyles** (ili **ls**), **marker**.
  - Mogu se zadati kod poziva funkcije plot, kao imenovani argumenti.
  - Radi i opis linije poput '**go--**' (zeleno, marker 'o', linija crtkana).
- **legenda** se zadaje metodom axes-a:
  - `ax.legend()` # samo linije s label='opis'  
`ax.legend(labels)` # postojeće linije redom  
`ax.legend((line1, line2, line3), ('label1', 'label2', 'label3'))`  
# samo zadane linije, a'la Matlab

# Matplotlib

- Crtanje izolinija (kontura)
  - `ax.contour(z)` # crta konture u polju z tipa (m,n)
  - `ax.contour(x,y,z)` # x i y su koordinate točaka u z; 2D polja istog oblika (shape) kao z; nivoi se određuju automatski
  - `ax.contour(x,y,z,v)` # ako je v broj (*int*) on zadaje broj izolinija; ako je v polje (vektor) onda zadaje nivoe
  - `cc = ax.contour(...)` # vraća odgovarajući objekt
  - `cc.clabel()` # označava izolinije (najvažnija metoda)
  - `cc.clabel(fmt='%1.2f',fontsize=9, ...)` # specifična svojstva labela
  - `ax.contourf(...)` # radi kao i contour, ali tako da oboji područja između izolinija
  - `fig.colorbar(cc)` # sa strane dodaje skalu u boji
- Spremanje slike u datoteku
  - `plt.savefig('ime.png')`
  - `plt.savefig('ime.tif')`

# Literatura

- Z. Kalafatić i dr. (2016): Python za znatiželjne, Element, 513 str.
- R. Johansson (2015): Numerical Python, A Practical Techniques Approach for Industry, Apress, 487 str.
- [https://www.srce.unizg.hr/files/srce/docs/edu/osnovni-tecajevi/d105\\_polaznik.pdf](https://www.srce.unizg.hr/files/srce/docs/edu/osnovni-tecajevi/d105_polaznik.pdf)
- [https://www.python-course.eu/why\\_python.php](https://www.python-course.eu/why_python.php)
- [https://www.scipy-lectures.org/\\_downloads/ScipyLectures-simple.pdf](https://www.scipy-lectures.org/_downloads/ScipyLectures-simple.pdf)
- Prmjeri s kodovima za crtanje:
  - <https://matplotlib.org/2.2.3/gallery/index.html>
  - <https://matplotlib.org/3.0.0/gallery/index.html>