

Kompleksna analiza

Druga domaća zadaća

Zadatak 1. Neka je

$$f(z) = \frac{1}{\ln(1 + \frac{1}{z}) \cdot (z - 1)}.$$

(a) Odredite sve singularitete funkcije $f(z)$. Izoliranim singularitetima odredite tip.

(b) Izračunajte integral:

$$\int_{S(2, \frac{3}{2})} f(z) dz.$$

Zadatak 2. Odredite sve singularitete te njihove tipove (polovima odredite red) za sljedeće funkcije:

(a) $e^{ctg(\frac{1}{z})}$,

(b) $\frac{\sin(z)}{z^3 + 4z}$.

Zadatak 3. Izračunajte integral:

$$\int_{S(0,2)} \frac{z^8 + 2}{(z^4 + 1)^2(z - 3)} e^{\frac{1}{z-1}} dz.$$