

MATEMATIČKA ANALIZA 1

drugi kolokvij - 10. siječnja 2011.

Zadatak 1 (6 bodova) Niz (a_n) je zadan rekurzivno:

$$a_1 = 6, \quad a_{n+1} = \frac{-4}{a_n - 5}.$$

Dokažite da je (a_n) konvergentan i odredite mu limes.

MATEMATIČKA ANALIZA 1

drugi kolokvij - 10. siječnja 2011.

Zadatak 2 (6=3+3 bodova) Izračunajte:

(a)
$$\limsup_{n \rightarrow \infty} \left(\left\lceil \frac{3n^3}{5} \right\rceil - \frac{3n^3}{5} \right),$$

(b)
$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1 + \frac{1}{3} + \frac{1}{5} + \cdots + \frac{1}{2n-1}}{\ln n}.$$

MATEMATIČKA ANALIZA 1

drugi kolokvij - 10. siječnja 2011.

Zadatak 3 (6 bodova) Izračunajte infimum i supremum (ako postoje) skupa

$$A = \{ \sqrt[mn]{m+n} : m, n \in \mathbb{N} \}.$$

MATEMATIČKA ANALIZA 1

drugi kolokvij - 10. siječnja 2011.

Zadatak 4 (7=3+4 bodova) Izračunajte limese (bez upotrebe L'Hôpitalovog pravila):

(a)
$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{2x^2} - 1}{\sqrt{\operatorname{ch}(3x)} - 1},$$

(b)
$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{4^{x-1} - 4^{-x+1}}{\ln x}.$$

MATEMATIČKA ANALIZA 1

drugi kolokvij - 10. siječnja 2011.

Zadatak 1 (6 bodova) Niz (a_n) je zadan rekurzivno:

$$a_1 = 0.5, \quad a_{n+1} = \frac{5a_n - 4}{a_n}.$$

Dokažite da je (a_n) konvergentan i odredite mu limes.

MATEMATIČKA ANALIZA 1

drugi kolokvij - 10. siječnja 2011.

Zadatak 2 (6=3+3 bodova) Izračunajte:

(a) $\limsup_{n \rightarrow \infty} \left(\frac{2n^2}{7} - \left\lfloor \frac{2n^2}{7} \right\rfloor \right),$

(b) $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{\sqrt{n}} \left(\frac{1}{\sqrt{n}} + \frac{1}{\sqrt{n+1}} + \cdots + \frac{1}{\sqrt{2n}} \right).$

MATEMATIČKA ANALIZA 1

drugi kolokvij - 10. siječnja 2011.

Zadatak 3 (6 bodova) Izračunajte infimum i supremum (ako postoje) skupa

$$A = \left\{ \sqrt[m+n]{n+2m} : m, n \in \mathbb{N} \right\}.$$

MATEMATIČKA ANALIZA 1

drugi kolokvij - 10. siječnja 2011.

Zadatak 4 (7=3+4 bodova) Izračunajte limese (bez upotrebe L'Hôpitalovog pravila):

(a)
$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{3x^2} - 1}{\sqrt{\cos(2x)} - 1},$$

(b)
$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{5^{x-1} - 5^{-x+1}}{\ln x}.$$